

**ANX-PR/CL/001-02**  
**GUÍA DE APRENDIZAJE**

**ASIGNATURA**

Matemática discreta II

**CURSO ACADÉMICO - SEMESTRE**

2013-14 - Segundo semestre

**FECHA DE PUBLICACION**

Diciembre - 2013

## Datos Descriptivos

<b>Nombre de la Asignatura</b>	Matemática discreta II
<b>Titulación</b>	10MI - Grado en Matemáticas e Informática
<b>Centro responsable de la titulación</b>	Facultad de Informática
<b>Semestre/s de impartición</b>	Segundo semestre
<b>Materia</b>	Matemática discreta y estructuras algebraicas
<b>Carácter</b>	Obligatoria
<b>Código UPM</b>	105000107

## Datos Generales

<b>Créditos</b>	6	<b>Curso</b>	1
<b>Curso Académico</b>	2013-14	<b>Período de impartición</b>	Febrero-Junio
<b>Idioma de impartición</b>	Castellano	<b>Otro idiomas de impartición</b>	

## Requisitos Previos Obligatorios

### Asignaturas Superadas

Matemática discreta I

### Otros Requisitos

El plan de estudios Grado en Matemáticas e Informática no tiene definidos otros requisitos para esta asignatura.

## Conocimientos Previos

### Asignaturas Previas Recomendadas

El coordinador de la asignatura no ha definido asignaturas previas recomendadas.

### Otros Conocimientos Previos Recomendados

El coordinador de la asignatura no ha definido otros conocimientos previos recomendados.

## Competencias

---

CE01 - Comprender y utilizar el lenguaje matemático. Conocer demostraciones de teoremas clásicos. Comprender las definiciones de objetos matemáticos y ser capaz de plantear nuevas definiciones. Poder enunciar resultados y construir demostraciones, detectar errores en ellas o encontrar contraejemplos.

CE02 - Ser capaz de extraer de un objeto matemático aquellas propiedades fundamentales que lo caracterizan, distinguiéndolas de aquellas otras ocasionales compartidas con otros objetos matemáticos.

CE03 - Ser capaz de plantear modelos matemáticos para problemas reales, utilizando para resolverlos las herramientas necesarias, interpretando la solución en los mismos términos en que estaba planteado el problema.

CE04 - Comprender y ser capaz de encontrar soluciones a problemas matemáticos en diferentes áreas, utilizando para resolverlos las herramientas analíticas, numéricas o estadísticas disponibles.

CE05 - Utilizar herramientas informáticas (de cálculo simbólico, de análisis estadístico, de cálculo numérico, de visualización,?) para resolver problemas planteados en términos matemáticos, bien de forma experimental, bien de forma rigurosa.

CE06 - Diseñar algoritmos y desarrollar programas para resolver problemas en matemáticas.

CE07 - Conocer los cimientos esenciales y fundacionales de la informática, subrayando los aspectos esenciales de la disciplina que permanecen inalterables ante el cambio tecnológico.

CE08 - Formalización y especificación de problemas reales cuya solución requiere el uso de la informática.

CE09 - Capacidad de elegir y usar los métodos analíticos y de modelización relevantes, y de describir una solución de forma abstracta.

CE11 - Comprender intelectualmente el papel central que tienen los algoritmos y las estructuras de datos, así como una apreciación del mismo.

CE43 - Capacidad para trabajar de forma efectiva como individuo, organizando y planificando su propio trabajo, de forma independiente o como miembro de un equipo.

CG01 - Capacidad de resolución de problemas aplicando conocimientos de matemáticas, ciencias e ingeniería.

CG02 - Capacidad para el aprendizaje autónomo y la actualización de conocimientos, y reconocimiento de su necesidad en las áreas de la matemática y la informática.

CG05 - Capacidad de abstracción, análisis y síntesis.

CG06 - Capacidad para trabajar dentro de un equipo, organizando, planificando, tomando decisiones, negociando y resolviendo conflictos, relacionándose, y criticando y haciendo autocrítica.

CG10 - Capacidad para usar las tecnologías de la información y la comunicación.

## Resultados de Aprendizaje

---

RA18 - Modelizar matemáticamente problemas reales y conocer las técnicas para resolverlos.

RA19 - Utilizar diversas técnicas para la resolución de problemas con ayuda de software matemático.

RA73 - Conocer, comprender y aplicar los conceptos, técnicas y algoritmos básicos de la teoría de grafos.

RA74 - Conocer y aplicar las técnicas de las funciones generatrices en la resolución de problemas de recuento.

RA75 - Comprender las nociones de complejidad de un algoritmo y de complejidad de un problema.

RA82 - Modelizar matemáticamente problemas reales y conocer las técnicas para resolverlos

**BORRADOR**

## Profesorado

### Profesorado

Nombre	Despacho	e-mail	Tutorías
Hernandez Peñalver, Gregorio <b>(Coordinador/a)</b>	1306	gregorio.hpenalver@upm.es	
Zarzosa Rodriguez, Victoria	1313	victoria.zarzosa@upm.es	
Mata Hernandez, F.agueda	1312	agueda.mata@upm.es	
Escribano Iglesias, M. Del Carmen	1304	mariadelcarmen.escribano@upm.es	

**Nota.-** Las horas de tutoría son orientativas y pueden sufrir modificaciones. Se confirmar los horarios de tutorías con el profesorado.

BORRADOR

## Descripción de la Asignatura

---

La asignatura Matemática Discreta II complementa la asignatura Matemática Discreta I del primer semestre. En ella se siguen estudiando algunas de las estructuras discretas importantes en Matemáticas y en Computación, fundamentalmente los grafos. Se realiza un estudio básico de casi todos los conceptos de Teoría de Grafos, incidiendo especialmente en los aspectos algorítmicos. También se estudia la técnica de las funciones generatrices para resolver problemas combinatorios.

## Temario

---

1. Nociones básicas de grafos y digrafos
  - 1.1. Nociones generales. Representación de grafos. Matriz de adyacencia
  - 1.2. Subgrafos. Operaciones con grafos. Isomorfismo de grafos.
  - 1.3. Sucesión de grados. Caracterización de las sucesiones gráficas.
  - 1.4. Caminos en grafos y digrafos. Conexión.
2. Árboles. Búsquedas y optimización.
  - 2.1. Árboles. Árboles con raíz. Búsquedas en grafos. Recorridos en árboles
  - 2.2. Enumeración de árboles etiquetados. Fórmula de Cayley. Código de Prüfer
  - 2.3. Árbol generador de peso mínimo: Algoritmos de Prim, Kruskal y Boruvka.
  - 2.4. Otros criterios de optimización de árboles
3. Distancia y caminos mínimos.
  - 3.1. Distancias en grafos y digrafos. Excentricidad, centro y diámetro.
  - 3.2. Caminos mínimos: Algoritmo de Dijkstra.
  - 3.3. Caminos mínimos: Algoritmos de Bellman-Ford y Floyd
4. Complejidad de algoritmos
  - 4.1. Crecimiento asintótico de funciones. Notación de Knuth.
  - 4.2. Complejidad de algoritmos. Complejidad de problemas
  - 4.3. Análisis de la complejidad de algoritmos básicos
  - 4.4. Clases P y NP de problemas. Problemas NP-completos
5. Conectividad y orientabilidad
  - 5.1. Conectividad por vértices y por aristas
  - 5.2. Caracterización de la conectividad por caminos. Teorema de Whitney
  - 5.3. Orientabilidad de grafos. Caracterización de los grafos orientables

6. Flujos en redes. Emparejamientos. Recubrimientos.
  - 6.1. Flujo y capacidad en una red de transporte. Teorema de Ford-Fulkerson. Algoritmo de etiquetado.
  - 6.2. Conectividad y flujos. Teoremas de Menger
  - 6.3. Emparejamientos y recubrimientos por vértices. Estabilidad.
  - 6.4. Emparejamientos y recubrimientos en grafos bipartidos. Teoremas de Hall y König
7. Recorridos en grafos
  - 7.1. Grafos eulerianos. Caracterizaciones
  - 7.2. Algoritmos de construcción de recorridos eulerianos. Problema del cartero
  - 7.3. Grafos hamiltonianos. Propiedades
  - 7.4. Problema del viajante. Algoritmos aproximados
8. Planaridad
  - 8.1. Grafos planos. Fórmula de Euler
  - 8.2. Caracterizaciones de la planaridad. Grafo dual
9. Coloración de grafos
  - 9.1. Independencia y coloración en grafos. Número cromático
  - 9.2. Algoritmos de coloración de vértices
  - 9.3. Coloración de aristas. Otros criterios de coloración. Polinomio cromático.
  - 9.4. Coloración de mapas. Teorema de los cuatro colores para grafos planos
10. Funciones generatrices
  - 10.1. Funciones generatrices y problemas de recuento
  - 10.2. Series de potencias. Propiedades algebraicas
  - 10.3. Resolución de relaciones de recurrencia por funciones generatrices
  - 10.4. Particiones de un entero. Diagramas de Ferrers

## Cronograma

**Horas totales:** 165 horas

**Horas presenciales:** 85 horas (52.5%)

**Peso total de actividades de evaluación continua:**  
100%

**Peso total de actividades de evaluación sólo prueba final:**  
100%

Semana	Actividad Presencial en Aula	Actividad Presencial en Laboratorio	Otra Actividad Presencial	Actividades Evaluación
Semana 1	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 03:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 02:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>			<p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 2	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 03:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 02:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>			<p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 3	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 03:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 02:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>			<p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 4	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 02:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 01:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>	<p><b>Prácticas de ordenador en Laboratorio</b> Duración: 02:00 PL: Actividad del tipo Prácticas de Laboratorio</p>		<p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 5	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 02:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 01:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>	<p><b>Prácticas de ordenador en Laboratorio</b> Duración: 02:00 PL: Actividad del tipo Prácticas de Laboratorio</p>		<p><b>Entrega Práctica de Laboratorio</b> Duración: 00:00 EP: Técnica del tipo Examen de Prácticas Evaluación continua Actividad no presencial</p> <p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>



Semana 6	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 03:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 02:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>			<p><b>Control</b> Duración: 02:00 EX: Técnica del tipo Examen Escrito Evaluación continua Actividad no presencial</p> <p><b>Estudio personal</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 7	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 03:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 02:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>			<p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 8	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 02:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 01:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>	<p><b>Prácticas de ordenador en Laboratorio</b> Duración: 02:00 PL: Actividad del tipo Prácticas de Laboratorio</p>		<p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 9	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 02:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 01:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>	<p><b>Prácticas de ordenador en Laboratorio</b> Duración: 02:00 PL: Actividad del tipo Prácticas de Laboratorio</p>		<p><b>Entrega Práctica de Laboratorio</b> Duración: 00:00 EP: Técnica del tipo Examen de Prácticas Evaluación continua Actividad no presencial</p> <p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 10	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 03:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 02:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>			<p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 11	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 03:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 02:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>			<p><b>Control</b> Duración: 02:00 EX: Técnica del tipo Examen Escrito Evaluación continua Actividad no presencial</p> <p><b>Estudio personal</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>

Semana 12	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 02:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 01:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>	<p><b>Prácticas de ordenador en Laboratorio</b> Duración: 02:00 PL: Actividad del tipo Prácticas de Laboratorio</p>		<p><b>Entrega Práctica de Laboratorio</b> Duración: 00:00 EP: Técnica del tipo Examen de Prácticas Evaluación continua Actividad no presencial</p> <p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 13	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 02:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 02:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>		<p><b>Tutoría grupal para trabajo en equipo</b> Duración: 01:30 AC: Actividad del tipo Acciones Cooperativas</p>	<p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 14	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 03:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 02:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>			<p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 15	<p><b>Explicación contenidos teóricos</b> Duración: 03:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral</p> <p><b>Resolución de ejercicios</b> Duración: 02:00 PR: Actividad del tipo Clase de Problemas</p>			<p><b>Entrega Memoria del Trabajo en Equipo</b> Duración: 00:00 TG: Técnica del tipo Trabajo en Grupo Evaluación continua Actividad no presencial</p> <p><b>Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>
Semana 16				<p><b>Control</b> Duración: 02:00 EX: Técnica del tipo Examen Escrito Evaluación continua Actividad no presencial</p> <p><b>Presentación Trabajo en Equipo</b> Duración: 00:30 PG: Técnica del tipo Presentación en Grupo Evaluación continua Actividad no presencial</p> <p><b>Estudio personal</b> Duración: 05:00 TI: Técnica del tipo Trabajo Individual Evaluación continua Actividad presencial</p>

Semana 17				<p><b>Examen final</b>          Duración: 03:00          EX: Técnica del tipo Examen Escrito          Evaluación sólo prueba final          Actividad no presencial</p>
-----------	--	--	--	---

**Nota.-** El cronograma sigue una planificación teórica de la asignatura que puede sufrir modificaciones durante el curso.

**Nota 2.-** Para poder calcular correctamente la dedicación de un alumno, la duración de las actividades que se repiten en el tiempo (por ejemplo, subgrupos de prácticas") únicamente se indican la primera vez que se definen.

BORRADOR

## Actividades de Evaluación

Semana	Descripción	Duración	Tipo evaluación	Técnica evaluativa	Presencial	Peso	Nota mínima	Competencias evaluadas
1	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
2	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
3	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
4	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
5	Entrega Práctica de Laboratorio	00:00	Evaluación continua	EP: Técnica del tipo Examen de Prácticas	Sí	3%		
5	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
6	Control	02:00	Evaluación continua	EX: Técnica del tipo Examen Escrito	Sí	23%	3 / 10	CG01, CG02, CG05, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
6	Estudio personal	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No			
7	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
8	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
9	Entrega Práctica de Laboratorio	00:00	Evaluación continua	EP: Técnica del tipo Examen de Prácticas	Sí	3%		

**PROCESO DE SEGUIMIENTO DE TÍTULOS OFICIALES**

ANX-PR/CL/001-02: GUÍA DE APRENDIZAJE

Código PR/CL/001

Semana	Descripción	Duración	Tipo evaluación	Técnica evaluativa	Presencial	Peso	Nota mínima	Competencias evaluadas
9	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
10	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
11	Control	02:00	Evaluación continua	EX: Técnica del tipo Examen Escrito	Sí	23%	3 / 10	CG01, CG02, CG05, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
11	Estudio personal	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No			
12	Entrega Práctica de Laboratorio	00:00	Evaluación continua	EP: Técnica del tipo Examen de Prácticas	Sí	4%		CG01, CG10, CE04, CE05, CE06, CE11
12	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
13	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
14	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
15	Entrega Memoria del Trabajo en Equipo	00:00	Evaluación continua	TG: Técnica del tipo Trabajo en Grupo	Sí	5%		CG06
15	Entrega semanal de ejercicios. Estudio diario de la asignatura	05:00	Evaluación continua	Ti: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	.77%		CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
16	Control	02:00	Evaluación continua	EX: Técnica del tipo Examen Escrito	Sí	23.99%	3 / 10	CG01, CG02, CG05, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43
16	Presentación Trabajo en Equipo	00:30	Evaluación continua	PG: Técnica del tipo Presentación en Grupo	Sí	5%		CG06, CE43

Semana	Descripción	Duración	Tipo evaluación	Técnica evaluativa	Presencial	Peso	Nota mínima	Competencias evaluadas
16	Estudio personal	05:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No			
17	Examen final	03:00	Evaluación sólo prueba final	EX: Técnica del tipo Examen Escrito	Sí	100%	5 / 10	CG01, CG02, CG05, CG06, CG10, CE01, CE02, CE03, CE04, CE05, CE06, CE07, CE08, CE09, CE11, CE43

## Criterios de Evaluación

### Convocatoria ordinaria (junio)

Según una de las siguientes opciones:

#### 1) Sistema de evaluación continua.

La calificación del alumno será la que resulte en la suma correspondiente del cuadro de las actividades de evaluación anteriores. Será condición indispensable para la evaluación continua la entrega de, al menos, el 80% de los ejercicios propuestos tanto en clase como en el laboratorio y la participación activa en el trabajo en grupo. Se considera superada la asignatura con una nota mayor o igual a 5 sobre 10.

#### 2) Sistema de sólo prueba final

El alumno que desee seguir el sistema de evaluación mediante sólo prueba final, deberá comunicarlo por escrito al coordinador de la asignatura en el plazo de dos semanas a contar desde el inicio de la actividad docente de la asignatura.

Consistirá en la realización de una prueba de respuesta larga (desarrollo) que abarcará todo el temario de la asignatura.

Se considera superada la asignatura con una nota mayor o igual a 5 sobre 10

### Convocatoria Extraordinaria de julio

Consistirá en la realización de una prueba de respuesta larga (desarrollo) que abarcará todo el temario de la asignatura.

Se considera superada la asignatura con una nota mayor o igual a 5 sobre 10.

\*\*\*Las fechas de publicación de notas y revisión de exámenes se notificarán en el momento del correspondiente examen

**Los indicadores de logro que un estudiante debe verificar para averiguar sus conocimientos son los siguientes:**

I1	Modelizar problemas utilizando nociones de grafos
I2	Reconocer los elementos característicos de un grafo
I3	Deducir propiedades de un grafo a partir de su matriz de adyacencia
I4	Distinguir si dos grafos son isomorfos
I5	Decidir si una sucesión es realizable como sucesión de grados de un grafo simple
I6	Explicar el significado de la conectividad de un grafo e interpretarla en términos de tolerancia a fallos.

I7	Reconocer si un grafo es un árbol
I8	Describir las propiedades de los árboles
I9	Hallar el código de Prüfer de un árbol etiquetado
I10	Construir el árbol correspondiente a un código dado
I11	Describir la terminología de los árboles con raíz
I12	Resolver problemas de decisión utilizando árboles con raíz
I13	Describir los diferentes procesos de exploración de un grafo en términos de árboles
I14	Aplicar los algoritmos de Prim, Kruskal y Boruvka para construir el árbol generador de peso mínimo de un grafo ponderado
I15	Interpretar los algoritmos anteriores como algoritmos tipo 'voraz'?
I16	Describir algunos criterios de optimización de árboles
I17	Definir distancia entre vértices y caminos de longitud mínima en un grafo ponderado
I18	Aplicar el algoritmo de Dijkstra para calcular caminos de longitud mínima en grafos ponderados
I19	Aplicar los algoritmos de Bellman-Ford y Floyd para calcular distancias en grafos ponderados
I20	Calcular el centro, diámetro y periferia de un grafo
I21	Aplicar las nociones de centralidad de un grafo para resolver problemas de ubicación de servicios
I22	Describir la conectividad por vértices y por aristas de un grafo
I23	Interpretar la conectividad de un grafo en términos de caminos disjuntos
I24	Reconocer si un grafo es orientable
I25	Aplicar la búsqueda en profundidad para orientar un grafo
I26	Calcular el flujo máximo y la capacidad mínima en una red de transporte aplicando el algoritmo de Edmonds-Karp
I27	Relacionar las nociones de conectividad y flujos en redes. Describir teoremas tipo max-min en grafos
I28	Describir la relación entre emparejamientos y recubrimientos en grafos generales y bipartidos
I30	Analizar los problemas de estabilidad en emparejamientos
I31	Reconocer si un grafo es euleriano o hamiltoniano
I32	Describir condiciones necesarias o suficientes para decidir si un grafo es euleriano o hamiltoniano

I33	Aplicar el algoritmo de Fleury para construir recorridos eulerianos
I34	Utilizar los recorridos eulerianos en el problema de la conversión de señales analógicas a digitales
I35	Presentar el "Problema del Viajante" incidiendo en la complejidad de su resolución exacta
I36	Describir algoritmos aproximados para la resolución del "Problema del Viajante"
I37	Analizar la bondad de las soluciones aproximadas a los problemas
I38	Caracterizar los grafos planares
I39	Detectar si un grafo es planar
I40	Utilizar la fórmula de Euler de los grafos planos para obtener propiedades de dichos grafos
I41	Conocer los parámetros de coloración e independencia en grafos y sus relaciones.
I42	Describir varios algoritmos de coloración de grafos
I43	Explicar el significado del "Teorema de los cuatro colores"
I44	Interpretar un problema en términos de grafos analizando qué concepto de grafos permite obtener una solución al mismo
I45	Comparar el crecimiento de funciones con la notación de Knuth
I46	Comprender la diferencia entre complejidad de un algoritmo y de un problema
I47	Analizar la complejidad de algoritmos básicos
I48	Distinguir entre problemas de la clase P y de la clase NP
I49	Describir el significado de la NP-completitud
I50	Expresar problemas de recuento en términos de funciones generatrices
I51	Manejar expresiones algebraicas como series de potencias
I52	Resolver problemas de recuento y relaciones de recurrencia utilizando funciones generatrices
I53	Distinguir entre funciones generatrices ordinarias y exponenciales
I54	Aplicar las funciones generatrices a problemas de particiones y de análisis de complejidad



## Recursos Didácticos

Descripción	Tipo	Observaciones
N. Biggs: Discrete Mathematics, 2nd ed. Oxford Univ. Press, 2002	Bibliografía	Referencia básica
J. Gross, J. Yellen: Graph Theory and its Applications. CRC Press, 2nd ed. 2006	Bibliografía	Referencia básica
G. Hernández, Grafos: Teoría y Algoritmos. Servicio de Publicaciones, Facultad de Informática, UPM, 2006	Bibliografía	Referencia básica
G. Chartrand, P. Zhang: Introduction to Graph Theory. McGraw-Hill, 2005	Bibliografía	Libro de consulta
F. García Merayo, G. Hernández y A. Nevot: Problemas resueltos de Matemática Discreta. Ed. Thomson-Paraninfo, 2003	Bibliografía	Libro de consulta
R. Grimaldi: Matemáticas Discreta y Combinatoria, Addison-Wesley, 1997	Bibliografía	Libro de consulta
W. Kocay, D. Kreher: Graphs, Algorithms and Optimization. Chapman & Hall/CRC, 2005	Bibliografía	Libro de consulta
J. Matousek, J. Nešetřil: Invitación a la matemática discreta. Reverté, 2008	Bibliografía	Libro de consulta
D. B. West: Introduction to Graph Theory. Prentice Hall, 2001	Bibliografía	Libro de consulta
H. Wilf: Generatingfunctionology, 3rd ed. A. K. Peters, 2005	Bibliografía	Libro de consulta
Página web de la asignatura	Recursos web	<a href="http://www.dma.fi.upm.es/docencia/GradoMI/2013-2014/matematicadiscretall">http://www.dma.fi.upm.es/docencia/GradoMI/2013-2014/matematicadiscretall</a>
Sitio Moodle de la asignatura	Recursos web	<a href="http://web3.fi.upm.es/AulaVirtual">http://web3.fi.upm.es/AulaVirtual</a>
Aula de clase	Equipamiento	
Laboratorio	Equipamiento	
Sala trabajo en grupo	Equipamiento	

## Otra Información

Todas las competencias se evaluarán en las actividades de evaluación.